

Chapitre II : **Spectroscopie de masse**

BALAHOUANE ABDELGHANI MOUNIR

Table des matières



I - Chapitre II : Spectroscopie de masse	3
1. Objectifs	3
2. La spectrométrie Bain bridge	3
3. Lois opérant dans l'analyseur	6
3.1. Résumer 1	6
3.2. Résumer 2	6
3.3. Résumer 3	7
4. Travaux dirigé IV	7
4.1. Exercice 1	7
4.2. Exercice 2	9
4.3. Exercice 3	10
Glossaire	13
Abréviations	14
Références	15
Webographie	16

Chapitre II : Spectroscopie de masse




La spectrométrie* de masse permet d'analyser les masse des molécules pour dans le but d'identification et quantification, pour cela les molécules sont soumises préalablement à l'ionisation par la source ou par addition d'ion ou électron ou par une soustraction d'un hydrogène ; la molécule ionisé est appelé fragment [1*]

1. Objectifs

A l'issu de ce cours l'apprenant sera capable de :

- Comprendre la spectrométrie de Bain bridge
- Maîtriser les lois de chaque partie de la spectrométrie de Bain bridge
- Distinguer des isotopes à travers la résolution de problème

2. La spectrométrie Bain bridge

 *Définition : Le spectromètre de masse Bain bridge*

Le spectromètre de Bain bridge est un appareil qui a pour **but de séparer les ions dont les isotopes**, elle permet de mesurer le rapport m/z d'une molécule chargée qui a été préalablement ionisé soumise à un champ magnétique uniforme placé sous tension.

Les particules sont introduites dans une chambre où un champ magnétique constant et une vitesses sont constante, ce qui permet de séparer les isotopes ; les noyaux les plus lourds auront parcourus une distance moins vite que les légers [2*].

Le spectromètre de Bain Bridge est constitué de :

- La source : l'ionisation des molécules de l'échantillon
- L'accélérateur ou filtre de vitesse : il est constitué de fente étroite pour laissez passer les ions et où il sont soumis à un champ magnétique et électrique
- L'analyseur : c'est la partie où s'effectue la séparation des ions en fonction de leur masse par l'application d'un champ magnétique et une vitesse constantes, cela permet d'obtenir le rapport q/m
- Le détecteur : détection par plaque photographique ou électrode qui collecte les ions [3*]

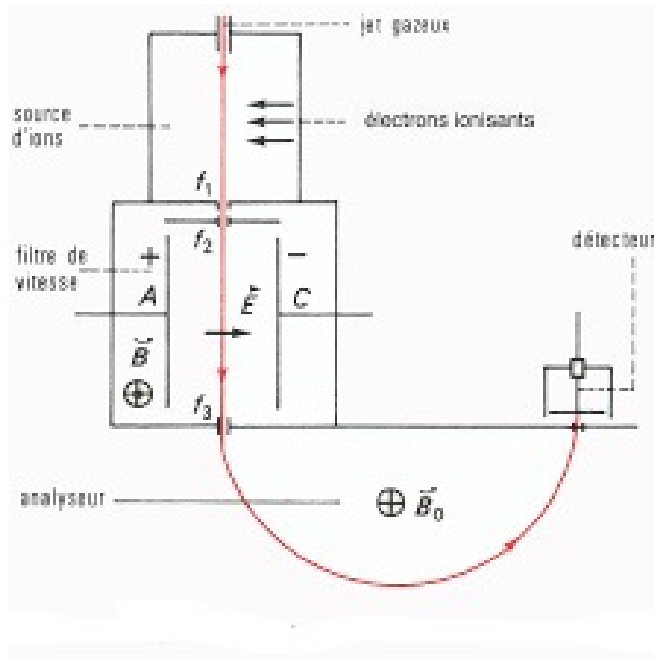
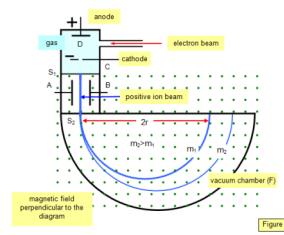
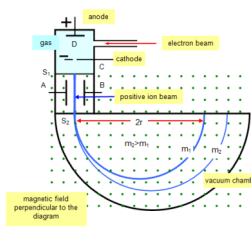
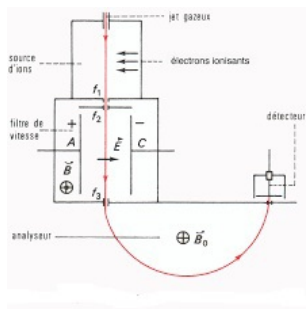


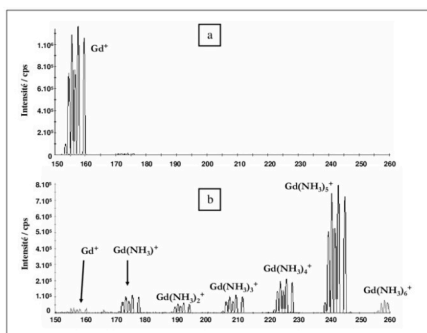
Schéma d'un spectromètre de BainBridge

spectro de masse




Exemple

Séparation des isotopes par la SM* par spectrométrie de Bain bridge



Amas de pic qui indique la masse de chaque fragment séparé

Résultat d'affichage de la séparation d'isotopes

 *Complément*

Pour approfondir en spectrométrie de masse voir :

<https://www.youtube.com/watch?v=ExB-5cBXvBo>

<https://www.youtube.com/watch?v=ktMstBJVtD0>

[cf. menet2011]

3. Lois opérant dans l'analyseur

3.1. Résumer 1

Fondamental

La force électrique [2-3] :

$$\vec{F}_e = q \vec{E} \rightarrow F_e = qE$$

La force magnétique [2-3] :

$$\vec{F}_m = q \vec{v} \vec{B} \rightarrow F_m = qvB$$

Complément

Dans le filtre de vitesses on a égalité des forces $F_e = F_m$ d'où on obtient la relation suivante :

$$\begin{aligned} \vec{F}_e &= \vec{F}_m \rightarrow F_e = F_m \\ q * E &= q * v * B \\ E &= v * B \\ \text{on aura : } v &= \frac{E}{B} \text{ et } B = \frac{E}{v} \end{aligned}$$

3.2. Résumer 2

Fondamental

La force qui provoque le mouvement circulaire [2* -3*] :

$$\vec{F}_c = \frac{m * V^2}{R}$$

La force magnétique [2* -3*] :

$$\vec{F}_m = qvB_0$$

Complément

Dans l'analyseur on aura une égalité des forces : $F_m = F_c$ on aura les relations suivantes :

$$\begin{aligned}\vec{F}_c &= \vec{F}_m \rightarrow F_c = F_m \\ \frac{m \cdot v^2}{R} &= q \cdot v \cdot B_0 \\ \frac{m \cdot v}{R} &= q \cdot B_0 \\ \rightarrow v &= \frac{q \cdot B_0 \cdot R}{m} \\ \rightarrow R &= \frac{m \cdot v}{q \cdot B_0}\end{aligned}$$

3.3. Résumer 3

Fondamental : La distance

Lorsque l'ion arrivera au détecteur il aura une trajectoire en demi-cercle [2*]l va parcourir une distance $d = \frac{R}{2}$

Complément

Si deux ions ont la même distance on pourra écrire $d = 2(R_2 - R_1)$

on peut également écrire

$$\begin{aligned}\frac{R_1}{R_2} &= \frac{m_1}{m_2} \\ \text{avec } m &= \frac{M_i}{N_A}\end{aligned}$$

Si il ne parcourt pas le même distance on devra écrire chaque équation séparément

$$\begin{aligned}R_1 &= \frac{m_1 \cdot v}{q \cdot B_0} \\ R_2 &= \frac{m_2 \cdot v}{q \cdot B_0}\end{aligned}$$

4. Travaux dirigé IV

Objectifs

A l'issu de ces activités l'apprenant sera capable d'identifier des isotopes à travers la résolution de problème

4.1. Exercice 1

Nous avons deux isotopes de fer ^{54}Fe et ^{57}Fe pour les reconnaître nous avons fait la séparation par spectroscopie de masse Bain bridge

Sachant que l'intensité du champ magnétique B_0 est de 0,12 T et que la distance de séparation est de 6,53 cm et que' il y'a eu perte d'électrons Fe^{3+} pour les deux isotopes

Calculez la vitesse des particules de fer

Données : masse atomique = $1,66 \cdot 10^{-24}$ g et sa charge = $1,6 \cdot 10^{-19}$ C

Méthode : Solution

On écrit les relations vectorielles puis numériques :

l'inconnue est la vitesse mais ce qu'on sait est la distance d'où on peut écrire R en fonction de v comme suite

$$\begin{aligned}\vec{F}_c &= \vec{F}_m \rightarrow F_c = F_m \\ \frac{m \cdot v^2}{R} &= q \cdot v \cdot B_0 \\ \frac{m \cdot v}{R} &= q \cdot B_0 \\ \rightarrow v &= \frac{q \cdot B_0 \cdot R}{m} \\ \rightarrow R &= \frac{m \cdot v}{q \cdot B_0}\end{aligned}$$

Puis la relation de la distance (d) pour remplacer les rayons par d puis les masses on obtient la relation

$$\begin{aligned}d &= 2 \cdot (R_2 - R_1) = 2 \cdot \frac{m_2 \cdot v}{q \cdot B_0} - \frac{m_1 \cdot v}{q \cdot B_0} \\ d &= \frac{2 \cdot (m_2 \cdot v - m_1 \cdot v)}{q \cdot B_0} = \frac{2 \cdot v \cdot (m_2 - m_1)}{q \cdot B_0} \\ d &= \frac{2 \cdot v \cdot (M_2 - M_1)}{q \cdot Na \cdot B_0}\end{aligned}$$

On déduit v :

$$v = \frac{d \cdot q \cdot Na \cdot B_0}{2 \cdot (M_2 - M_1)}$$

on passe à l'application numérique sachant que le numéro 2 est plus lourd ; c'est le ^{57}Fe

Dans un premier temps on calcul les masses molaires :

Masse molaire de ^{54}Fe = $54 \cdot 1,66 \cdot 10^{-24}$ g $\cdot 6,023 \cdot 10^{23}$ = 53,9902 g/mol

Masse molaire de ^{57}Fe = $57 \cdot 1,66 \cdot 10^{-24}$ g $\cdot 6,023 \cdot 10^{23}$ = 56,9896 g/mol

puis on calcul v :

$$\begin{aligned}v &= \frac{3 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ A} \cdot \text{s} \cdot 6,023 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1} \cdot 6,53 \cdot 10^{-2} \text{ m} \cdot 0,12 \text{ Kg} \cdot \text{A}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}}{2 \cdot (56,9896 - 53,9902) \cdot 10^{-3} \text{ Kg} \cdot \text{mol}^{-1}} \\ v &= \frac{2265,4189}{5,9988 \cdot 10^{-3}} \\ v &= 377645,35 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \rightarrow v = 4 \cdot 10^5 \text{ m/s}\end{aligned}$$

Attention

Nous avons Fe^{3+} qui a perdu 3 électrons d'où $q = 3q$

Nous avons : $1 \text{ Tesla} = \text{Kg} \cdot \text{A}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}$ et $1 \text{ C} = \text{A} \cdot \text{s}$

et $1 \text{ T} = 1 \text{ V} \cdot \text{s} \cdot \text{m}^{-2}$

et $1 \text{ V} = \text{Kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s}^{-3} \cdot \text{A}^{-1}$.

d'où il faut respecter l'homogénéisation des unités dans le système MKSA pour la longueur et masse molaire en Kg

4.2. Exercice 2

Nous avons séparer deux isotopes du carbone : ^{12}C , ^{13}C par spectroscopie Bain bridge avec les paramètres suivants :

Potentiel appliqué $V = 40 \text{ KV}$, intensité du champ magnétique au niveau de l'analyseur $B_0 = 0,2 \text{ T}$

Sachant que la distance parcouru des isotopes du carbone est identiques $d = 6,83 \text{ cm}$ trouvez l'intensité du champ magnétique au niveau du filtre de vitesse B

Comparez la valeur de B et B_0

Données : $N_a = 6,023 \cdot 10^{23}$, et $q = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$ et masse atomique d'une particule = $1,66 \cdot 10^{-24} \text{ g}$

Méthode : Solution

On commence par convertir les masses atomiques en masse molaire des isotopes :

Masse molaire de $^{12}\text{C} = 12 \cdot 1,66 \cdot 10^{-24} \text{ g} \cdot 6,023 \cdot 10^{23} = 11,9978 \text{ g/mol}$

Masse molaire de $^{13}\text{C} = 13 \cdot 1,66 \cdot 10^{-24} \text{ g} \cdot 6,023 \cdot 10^{23} = 12,9776 \text{ g/mol}$

Puis on essaye de trouver la relation entre B et B_0 en faisant les égalités au niveau de l'analyseur et filtre vitesse qui donne :

$$\vec{F}_c = \vec{F}_m \rightarrow F_c = F_m$$

$$\frac{m \cdot V^2}{R} = q \cdot v \cdot B_0 \rightarrow R_1 = \frac{m_1 \cdot v}{q \cdot B_0} \rightarrow R_1 = \frac{M_1 \cdot v}{N_a \cdot q \cdot B_0} \text{ et } R_2 = \frac{M_2 \cdot v}{N_a \cdot q \cdot B_0}$$

$$d = 2(R_2 - R_1) \rightarrow d = \frac{2 \cdot v}{N_a \cdot q \cdot B_0} \cdot (M_2 - M_1)$$

$$\text{Nous avons : } \vec{F}_e = \vec{F}_m \rightarrow F_e = qE \text{ et } F_m = qvB$$

$$\rightarrow E = vB$$

$$\rightarrow v = \frac{E}{B}$$

On Remplaçant v de l'équation filtre vitesse dans l'analyseur on obtient :

$$d = \frac{2 \cdot E}{N_a \cdot q \cdot B_0 \cdot B} \cdot (M_2 - M_1)$$

$$\rightarrow B = \frac{2 \cdot E}{N_a \cdot q \cdot B_0 \cdot d} \cdot (M_2 - M_1)$$

On passe à l'application numérique :

$$B = \frac{2 \cdot 40 \cdot 10^3 \text{ V}}{6,023 \cdot 10^{23} \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ A} \cdot \text{s} \cdot 0,2 \text{ Kg} \cdot \text{A}^{-1} \cdot \text{s}^{-2} \cdot 6,83 \cdot 10^{-2} \text{ m}} \cdot (12,9776 - 11,9978) \cdot 10^{-3}$$

$$B = \frac{80 \cdot 10^3}{1316,3869} \cdot (0,9998) \cdot 10^{-3} \text{ Kg} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$B = 0,061 \text{ V} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

On obtient $B = 0,061 \text{ V} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$

Complément

Cependant il faut homogénéiser les unités :

$$1 \text{ T} = 1 \text{ V} \cdot \text{s} \cdot \text{m}^{-2}$$

$$\text{d'où } B = 0,061 \text{ T} \cdot \text{s}^{-2} \cdot \text{m}^{-3}$$

$B < B_0$ d'où il sont pas en égalité

Attention

Dans cette exercice 3 qu'on a résolu les données sont imaginaire on peut avoir $B > B_0$ ou inversement comme on vient de faire d'où réaliser vos calculs avec précision

Dans un exercice comme celui-ci on peut combiner l'équation du filtre de vitesse et l'analyseur B et B_0 , parfois on donne $B=B_0$ dans certains cas, tout dépend du but de l'exercice et de la donné a chercher donc :

Lisez attentivement l'énoncé si on ne précise pas l'égalité ou continué du champ magnétique du filtre de vitesse vers l'analyseur on reconsidéra B et B_0 chacun aura une valeur propre a lui

4.3. Exercice 3

Nous avons deux composés l'uranium ayant un $z=92$ ^{234}U et X, pour les reconnaître nous avons fait la séparation par spectroscopie de masse Bain bridge

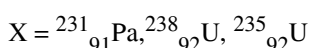
-Sachant que la vitesse des particules était de $v=875 \text{ Km} \cdot \text{s}^{-1}$ et le potentiel est $4,20 \cdot 10^5 \text{ V} \cdot \text{m}^{-1}$

-Sachant que X plus lourd que ^{234}U et que la vitesse dans l'analyseur est de $120 \text{ Km} \cdot \text{s}^{-1}$ et l'intensité de B_0 est de $0,15 \text{ T}$ et que la distance parcouru est de $3,02 \text{ cm}$

1. Calculez l'intensité du champ magnétique imposé B en tesla dans l'accélérateur.
2. Trouvez l'élément X
3. Sachant que la masse moyenne isotopique de U = $235,88 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ Trouvez les abondances de l'uranium .

Donné :

masse atomique d'une particule = $1,66 \cdot 10^{-24} \text{ g}$ et sa charge = $1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$



Solution 1 :


On commence par écrit les vecteurs de force électrique et magnétique puis on déduit la vitesse selon :

$$\begin{aligned}\vec{F}_e = \vec{F}_m &\rightarrow F_e = qE \text{ et } F_m = qvB \\ &\rightarrow E = vB \\ &\rightarrow B = \frac{E}{v} \\ \rightarrow B &= \frac{4,50 \cdot 10^5 \text{ V} \cdot \text{m}^{-1}}{875 \cdot 10^3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}} \\ B &= 0,514 \text{ V} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{s}\end{aligned}$$

 **Remarque**

$$B = 0,514 \text{ V} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{s} = 0,514 \text{ T}$$

$$\text{Car : } 1 \text{ Tesla} = 1 \text{ V} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{s}$$

 **Méthode : Solution 2**

Pour trouver X il est évident que e X plus que ^{234}U d'où la distance R_2 ne peut appartenir qu'à X on remplace d par les valeurs et on tire M_2

$$\begin{aligned}\vec{F}_c = \vec{F}_m &\rightarrow F_c = F_m \\ \frac{m \cdot v^2}{R} = q \cdot v \cdot B_0 &\rightarrow R_1 = \frac{m_1 \cdot v}{q \cdot B_0} \rightarrow R_2 = \frac{m_2 \cdot v}{q \cdot B_0} \\ \rightarrow R_1 &= \frac{M_1 \cdot v}{Na \cdot q \cdot B_0} \\ \rightarrow R_2 &= \frac{M_2 \cdot v}{Na \cdot q \cdot B_0}\end{aligned}$$

On remplace R_1 et R_2 dans la distance $d = 2(R_2 - R_1)$

$$\begin{aligned}d = \frac{2v(m_2 - m_1)}{q \cdot B_0} &\rightarrow d = \frac{2v(M_2 - M_1)}{q \cdot Na \cdot B_0} \\ \rightarrow d \cdot q \cdot Na \cdot B_0 &= 2v(M_2 - M_1) \rightarrow \frac{d \cdot q \cdot Na \cdot B_0}{2v} = M_2 - M_1 \\ M_2 &= M_1 + \frac{d \cdot q \cdot Na \cdot B_0}{2v}\end{aligned}$$

On passe à l'application numérique avec calcul de la masse molaire de ^{234}U

$$M^{234}\text{U} = 234 \cdot 1,66 \cdot 10^{-24} \cdot 6,023 \cdot 10^{23} = 0,23395 \text{ Kg/mol} = 233,96 \text{ g/mol}$$

On calcul la masse de X on trouve :

$$\begin{aligned}M_2 &= \frac{3,02 \cdot 10^{-2} \text{ m} \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ A} \cdot \text{s} \cdot 6,023 \cdot 10^{23} \cdot 0,12 \text{ Kg} \cdot \text{A}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}}{2 \cdot 120 \cdot 10^3 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}} + 0,23396 \text{ Kg} \cdot \text{mol}^{-1} \\ M_2 &= \frac{349,238}{240000} + 0,2354 = 1,455158 \cdot 10^{-3} + 0,23396 = 0,23542 \text{ Kg} \cdot \text{mol}^{-1} \\ M_2 &= 235,42 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}\end{aligned}$$

On convertie en uma on trouve

$$M_X = 235,42 / 1,66 \cdot 10^{-24} / 6,023 \cdot 10^{23} = 235,46 \text{ uma}$$

D'où l'élément X c'est le $^{235}_{92}\text{U}$

Méthode : Solution 3

trouver les proportions de l'uranium et de ses isotopes :

la masse moyenne isotopique de U = 235,88 g.mol⁻¹

Sachant que y proportion relative de ^{235}U et ^{234}U proportion relative x on aura :

$$x + y = 1 \Rightarrow y = 1 - x$$

$$\text{Et : } M = \sum \frac{a_i \cdot M_i}{100}$$

on appliquant comme avec les exercices de abondance on aura :

$$\begin{aligned} \bar{U} &= ^{234}\text{U} \cdot x + ^{235}\text{U} \cdot (1 - x) \\ \bar{U} &= ^{234}\text{U} \cdot x - ^{235}\text{U} \cdot x + ^{235}\text{U} \\ \bar{U} - ^{235}\text{U} &= x(^{234}\text{U} - ^{235}\text{U}) \\ x &= \frac{\bar{U} - ^{235}\text{U}}{^{234}\text{U} - ^{235}\text{U}} \end{aligned}$$

On passe à l'application numérique on obtient :

$$x = \frac{235,88 - 235,42}{233,96 - 235,42} = \frac{0,46}{-1,46}$$

$$|x| = 0,315$$

d'ou : x = 31,15 % et y = 100 - 31,15 = 68,85 %

$$^{234}\text{U} = 31,15\%$$

$$^{235}\text{U} = 68,85\%$$

Attention

Il faut bien identifier selon l'énoncé de l'exercice **qui est l'élément le plus lourd avant de se lancer dans les calculs pour éviter les mauvaises surprises à la fin** ce qui va causer une perte de temps et d'énergie en particulier lors d'un examen

Glossaire



Spectrométrie

L'analyse par la spectrométrie



Abréviations



SM : spectroscopie de masse

Références



3

R.Ouahes et B.Devallez, « chimie générale », 6eme édition, Office des Publications Universitaires, (2016).



Webographie



<https://www.sciencedirect.com/science/article/abs/pii/S1773035X11712114>

https://staff.univ-batna2.dz/sites/default/files/skanderi-zineb/files/solution_td-2_sm_2021.pdf